

# PRÁCTICA 3: DINÁMICA EN EL SÓLIDO RÍGIDO

## LABORATORIO DE FÍSICA I GRADO EN INGENIERIA QUÍMICA

Proyecto de innovación docente: Transformando la docencia tradicional de asignaturas de laboratorio de base física a una docencia híbrida con metodología flipped classroom (UV-SFPIE\_PIEE-2732863)

Coordinación y edición: Raquel Niclòs y Enric Valor

*Presentación y voz en off: Guillem Soria*

*Guión gráfico: Javier Cervera*

# OBJETIVOS

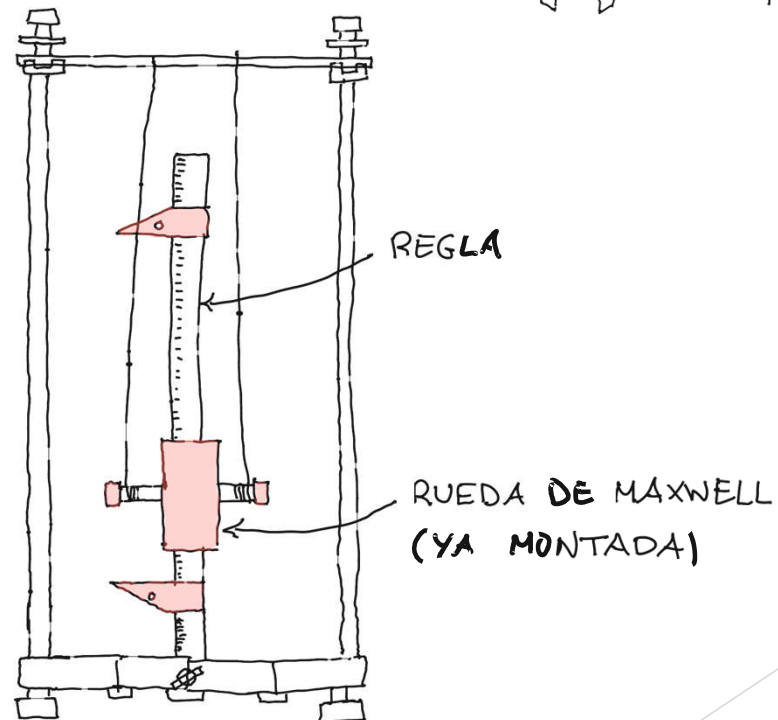
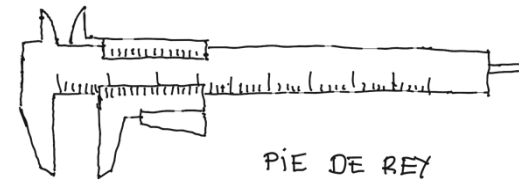
- ▶ **Determinar el momento de inercia de una Rueda de Maxwell a partir de la aceleración de bajada**

# MATERIAL

- ▶ Sistema de soporte
- ▶ Rueda de Maxwell
- ▶ Regla



- ▶ Cronómetro
- ▶ Pie de Rey



# FUNDAMENTO TEÓRICO

AL BAJAR, LA RUEDA EFECTÚA UN MOVIMIENTO DE TRASLACIÓN + ROTACIÓN

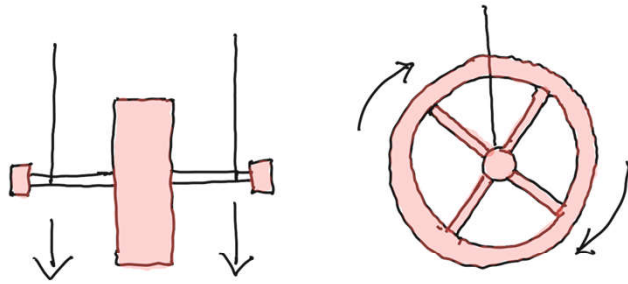
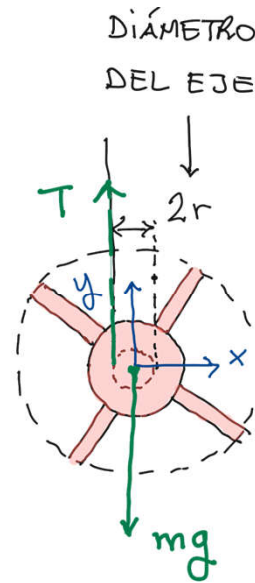
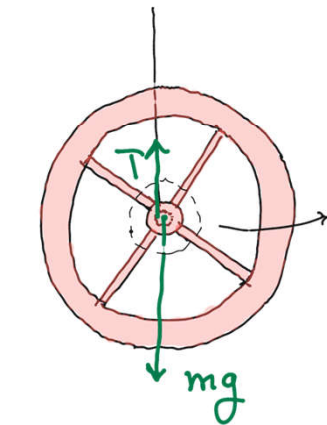
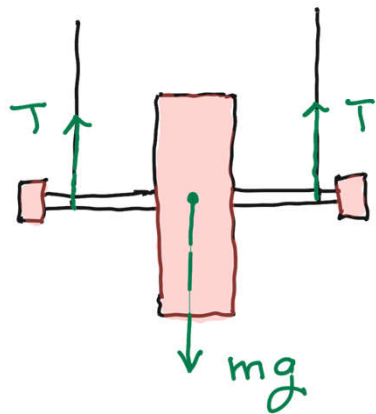


DIAGRAMA DE SÓLIDO LIBRE



ECUACIONES:

TRASLACIÓN:

$$(0, -mg) + (0, 2T) = m(0, -a_y)$$

↑  
masa

ROTACIÓN:

$$(0, 0, -2rT) = I(0, 0, -\alpha_z)$$

↑  
momento de inercia

# FUNDAMENTO TEÓRICO

$$\left. \begin{aligned} 2T - mg &= -ma_y \\ -2rT &= -I\alpha_z \end{aligned} \right\}$$

Si  $a_y < 0$  (baja)  $\Rightarrow \alpha_z < 0$  (sentido horario)

LIGADURA:  $|\vec{a}| = r|\alpha_z| \Rightarrow |a_y| = r|\alpha_z| \Rightarrow a_y = r\alpha_z$

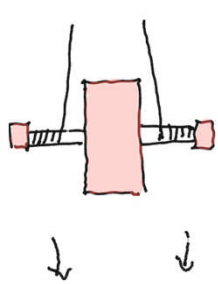
$$\left. \begin{aligned} 2T - mg &= -ma_y \\ 2rT &= I \frac{a_y}{r} \end{aligned} \right\} \Rightarrow$$

$$\left. \begin{aligned} 2T - mg &= -ma_y \\ 2T &= \frac{I}{r^2} a_y \end{aligned} \right\}$$

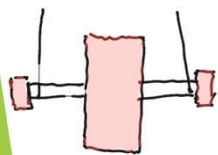
$$mg = \left( m + \frac{I}{r^2} \right) a_y \Rightarrow a_y = \frac{m}{m + \frac{I}{r^2}} g$$

CONSTANTE  $\Rightarrow$  MRUA

# FUNDAMENTO TEÓRICO



POSICIÓN INICIAL:  $(0, y_0)$   
VELOCIDAD INICIAL:  $(0, 0)$



POSICIÓN FINAL:  $(0, y_1)$

MRUA con  $\vec{a} = (0, -a_y)$

$$(0, y_1) = (0, y_0) + (0, 0)t + \frac{1}{2}(0, -a_y)t^2$$

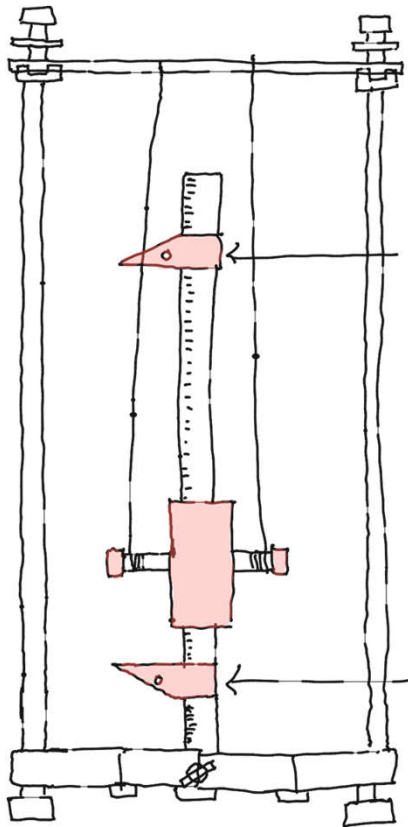
$$y_0 - y_1 = \frac{1}{2} a_y t^2$$

$$y_0 - y_1 = \frac{mg}{2(m + I/r^2)} t^2$$

HAY UNA RELACIÓN LINEAL

ENTRE  $y_0 - y_1$  Y  $t^2$   
DIFERENCIA DE ALTURA      TIEMPO DE BAJADA

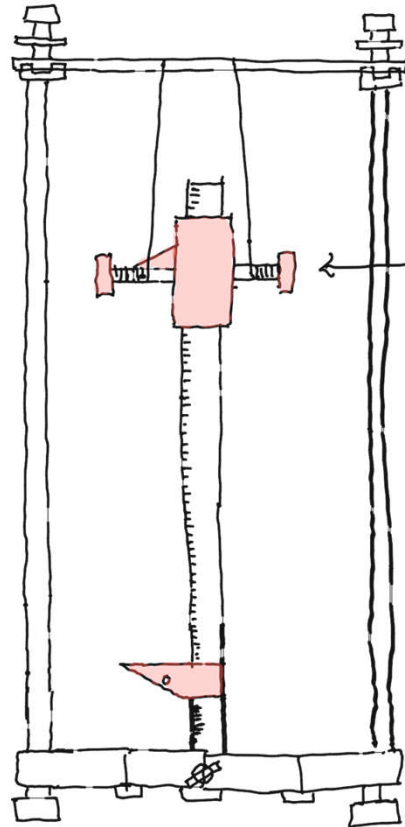
# PROCEDIMIENTO EXPERIMENTAL



①

LO FIJAMOS  
A 700 mm

LO FIJAMOS  
A 200 mm



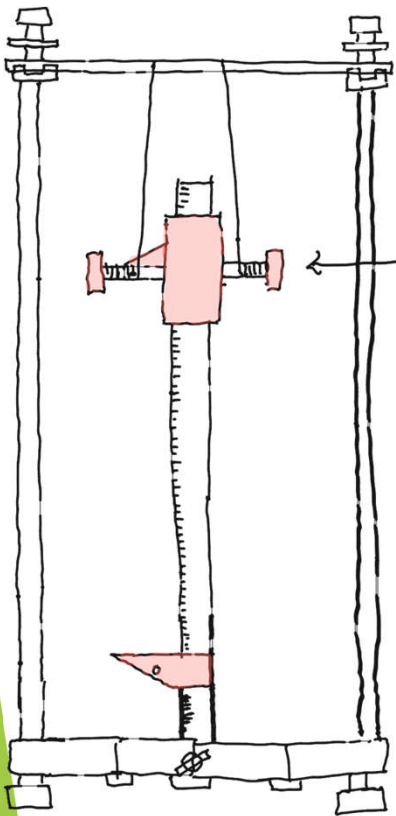
②

ENROLLAMOS HASTA  
LA MARCA SUPERIOR

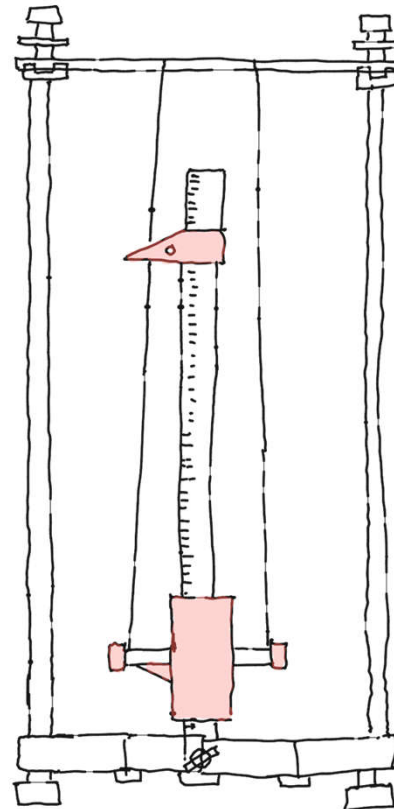
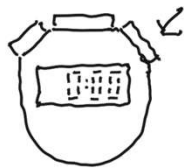


FIJAMOS EL  
CRONÓMETRO A 0

# PROCEDIMIENTO EXPERIMENTAL



①  
SOLTAMOS LA RUEDA  
A LA VEZ QUE PONEMOS  
EL CRONÓMETRO EN  
MARCHA



②  
PARAMOS EL CRONÓMETRO  
CUANDO LLEGA A LA  
MARCA INFERIOR



③  
ANOTAMOS EL TIEMPO  
Y REPETIMOS 3 VECES



# PROCEDIMIENTO EXPERIMENTAL

CON LOS TRES TIEMPOS :

$$\text{CALCULAMOS MEDIA: } \bar{t} = \frac{t_1 + t_2 + t_3}{3}$$

$$\text{Y DISPERSIÓN: } D = \frac{t_{\max} - t_{\min}}{\bar{t}} \times 100$$

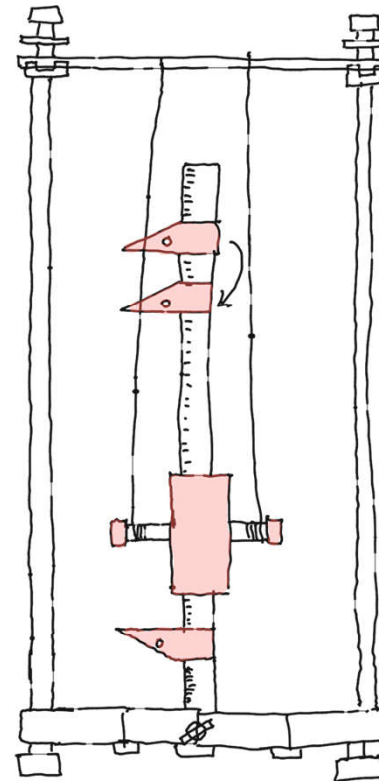
SI  $D > 2\%$  TOMAMOS TRES MEDIDAS ADICIONALES (NO VOLVEMOS A CALCULAR D)

APUNTAMOS

$$\Delta y (\pm 1 \text{ mm}) =$$

$$\bar{t} =$$

$$\varepsilon(t) = \text{VALOR MÁXIMO ENTRE } \begin{cases} 0.015 \\ \frac{t_{\max} - t_{\min}}{4} \end{cases}$$

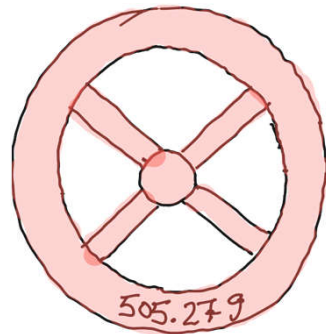


① BAJAMOS LA MARCA SUPERIOR 50 mm

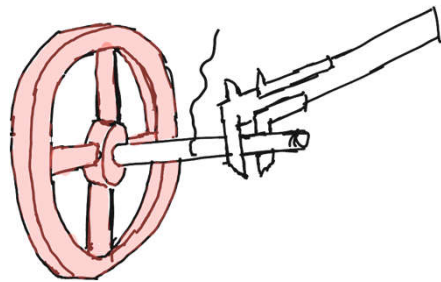
② REPETIMOS EL PROCEDIMIENTO DE MEDIDA

③ LO VOLVEMOS A HACER TODO HASTA QUE  $y_0 = 250 \text{ mm}$

# PROCEDIMIENTO EXPERIMENTAL



↑  
LEEMOS Y APUNTAMOS LA  
MASA DE LA RUEDA DE MAXWELL



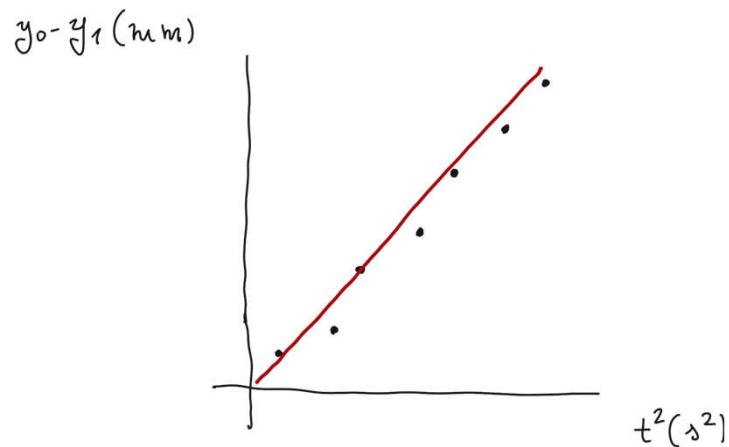
MEDIMOS EL DIÁMETRO  $d$   
DEL EJE

# ANÁLISIS DE LOS RESULTADOS

- ▶ A partir de los datos experimentales, construimos una tabla de valores ( $y_0 - y$ ,  $t^2$ )

$y_0 - y (\pm 1\text{mm})$	$t$ (s)	$t^2$ ( $\text{s}^2$ )
...	...	...

- ▶ Representamos  $y_0 - y$  en función de  $t^2$  en una gráfica y realizamos una recta de ajuste por mínimos cuadrados.



$$y_0 - y_1 = \frac{1}{2} a_y t^2$$

$$y_0 - y_1 = A t^2 + B$$

# ANÁLISIS DE LOS RESULTADOS

- ▶ A partir de la pendiente de la recta calculamos la aceleración de bajada, con su error.  $a_y = 2 A$  ;  $\varepsilon(a_y) = 2 \varepsilon(A)$

- ▶ Con los valores obtenidos de la masa de la rueda, el radio del eje y la aceleración, calculamos el momento de inercia  $I$ , con su error, fijándonos en las unidades usadas.

CON  $m$ ,  $r = \frac{d}{2}$   $\swarrow$  DIÁMETRO  $\gamma$   $g = 9800 \pm 100 \text{ mm/s}^2$  CALCULAMOS EL MOMENTO DE INERCIA  $I$

$$I = \left( \frac{a_y + g}{a_y} \right) m r^2$$

$$\varepsilon(I) = |I| \left\{ \frac{\varepsilon(a_y) + \varepsilon(g)}{|a_y + g|} + \frac{\varepsilon(a_y)}{|a_y|} + \frac{\varepsilon(m)}{m} + 2 \frac{\varepsilon(r)}{r} \right\}$$